

Uso de los materiales didácticos mediante





¡Bienvenido al proyecto MACTI!

3

4

5

¿Qué es el proyecto MACTI?

¿Qué es Jupyter Notebook?

¿Cómo se instala Jupyter Notebook?

¿Dónde obtengo los materiales didácticos? 11

¿Cómo comienzo a usar los materiales didácticos? 13

¿<u>Cómo cargar códigos dependientes en Jupyter</u> 17 <u>Notebok?</u>



¿Qué es el proyecto MACTI?

Macti surgió de un proyecto PAPIME¹ orientado en la creación de materiales didácticos para reforzar los conocimientos de materias cómo Cálculo, Álgebra Lineal, Análisis Numérico y Ecuaciones Diferenciales Ordinarias y Parciales. El objetivo principal es que los estudiantes que cursan estas materias tengan a la mano herramientas interactivas con las que puedan practicar lo aprendido en clase. Éstas herramientas están construidas en el lenguaje *Python* y todo su entorno científico; algunas de ellas permiten modificar parámetros para entender con certeza cada concepto de las materias antes mencionadas. Las herramientas son de acceso libre² y abierto³; se puede acceder a ellas a través de un repositorio en Github. Están en formato .ipynb, es decir notebooks, por lo

que se pueden usar mediante Google Colab o Jupyter.

^{1 1} PAPIME: Programa de Apoyo a Proyectos para Innovar y Mejorar la Educación

² Licencia Creative Commons Atribución-NoComercial-CompartirIgual 4.0 Internacional

³ El código de las herramientas es visible y se puede modificar.

³

¿QuéesJupyterNotebook?

Jupyter Notebook es una aplicación lanzada en 2015. Permite la creación y el intercambio de documentos web en formato JSON, que siguen un esquema versionado y una lista ordenada de celdas de entrada / salida. Estas celdas ofrecen espacio para código, texto, fórmulas y ecuaciones matemáticas o contenido multimedia, entre otras cosas.

La aplicación se puede iniciar con todos los navegadores habituales, se puede utilizar para procesar su portátil si el servidor Jupyter Notebook también está **instalado**. Los documentos de Jupyter creados se pueden exportar como documentos HTML, PDF, Markdown o Python. Alternativamente, se pueden compartir con otros usuarios a través del correo electrónico, Dropbox, GitHub o el propio visor de Jupyter Notebook.

Se incluirá una breve introducción al uso de Jupyter Notebook y adicionalmente, el siguiente <u>video</u> proporciona una introducción del uso de este ambiente, así como un recurso para la instalación de <u>Jupyter</u>.



¿CómoseinstalaJupyter Notebook?

Se abordará una breve descripción sobre la instalación de Jupyter Notebook en los sistemas Windows y Linux.

Windows

Es necesario que su computadora tenga instalado Python, y este se encuentre agregado al PATH de Windows. Además, para la instalación es necesario que tenga acceso a Internet.

Se debe abrir consola de comandos de Windows. En la barra de búsqueda de Windows, escribir cmd y seleccionar Símbolo del sistema.



En la línea de comandos escribir la siguiente instrucción: **pip install jupyter** y presionar *Enter.* Python descargará e instalará las librerías necesarias para utilizar jupyter

5



Posteriormente para ejecutar el Jupyter notebook en la línea de comandos escribir la siguiente instrucción: jupyter notebook con la cual se ejecutará Jupyter en el navegador.

| ① localhost:8888/tree | \$ |
|--|------------------------|
| 💭 Jupyter | Logout |
| Files Running Clusters | |
| Select items to perform actions on them. | Uplead New - C |
| | Name 🛧 Last Modified 🛧 |
| E FreshStart | 3 months ago |
| 🗉 🗀 GitHub | 2 months ago |
| My Tableau Repository | 2 months ago |
| Python Scripts | 3 months ago |



Linux

En Linux bastará con ejecutar el siguiente comando en el bash sudo apt install jupyter en ocasiones es necesario realizar algunas actualizaciones en Linux por lo que se recomienda seguir en siguiente <u>tutorial</u>.

Para finalizar solo será necesario escribir en el bash jupyter notebook bi y se ejecutará en el navegador el inicio de Jupyter Notebook.



Para abrir un nuevo cuaderno de Jupyter bastará con presionar el botón new y seleccionar Python 3 para poder ejecutar el notebook con este lenguaje de programación. Es importante notar que Jupyter es compatible para utilizar otros lenguajes de programación como Julia.



| 💭 Jupyter | Quit Logout |
|--|--------------|
| Files Running Clusters | |
| Select items to perform actions on them. | Upload New - |
| | Name V |
| | Python 3 |
| | Other: |
| Documentos | Text File |
| Escritorio | Folder |
| Co Imágenes | Terminal |
| D Música | hace 9 días |
| C Plantillas | hace 9 días |
| | hace 9 días |
| | hace 10 días |
| | hace 9 días |

Para introducirnos un poco más en el mundo de *Jupyter Notebooks* identifiquemos los aspectos básicos de una notebook.

1. Cuando se inicia una notebook obtendremos una vista en el navegador como la siguiente:

| C JUpyter Untitled Last Checkpoint: Last Wednesday at 7:15 PM (unsaved changes) | Logout |
|---|----------------------|
| File Edit View Insert Cell Kernel Widgets Help | Trusted & Python 3 O |
| | |
| In []: | |

2. Existen dos tipos de celdas en *Jupyter Notebook:* Las enfocadas en el texto y las enfocadas en el código. Como bien lo describe su nombre la primera es útil para la redacción de texto incluyendo *HTML* y *LaTeX*, mientras que la segunda está enfocada a la ejecución de código en el lenguaje de programación *Python*. Se pueden diferenciar por el color de las celdas, para aquellas enfocadas a codigo se observaran de color verde y aquellas enfocadas a texto se observarán de color azul.



3. Para agregar una celda es necesario dar clic en el siguiente botón.

| 💭 Jupyter Untit | tled Last Checkpoint: Last Wednesday at 7:15 PM (unsaved changes) | e |
|-----------------|---|---------------|
| ie Edit View | Insert Cell Kernel Widgets Help | Trusted 🥒 Pyr |
| In []: | | |

4. Debes indicar que tipo de celda deseas utilizar en la selección, para obtener una celda para ejecutar código debes utilizar la opción *Code* y para obtener una celda de texto la opción *Markdown*.

| M (unsaved changes) | Jupyter Untitled Last Checkpoint: Last Wednesday at 7:15 PM (unse |
|------------------------|---|
| Np Trusted at Python 3 | File Edit View Insert Cell Kernel Widgets Help |
| | 🖺 🕂 🖗 🛍 🖍 🔸 🕅 Run 🔳 C 🕨 Code 🕴 |
| | |
| | In []: |
| | |
| | In []: |

Posteriormente bastará con escribir el texto que deseas redactar en caso de tener una celda para Markdown, en este tipo de celdas es posible redactar texto con *HTML, LATEX*, figuras, videos o texto normal.

5. Al insertar una celda de código será posible ejecutar el código que desarrolles presionando el botón *Run* y obtendrás los resultados de la siguiente manera:



| Jupyter Untitled Last Checkpoint: hace un minuto (unsaved changes) | Copout |
|--|--------------------|
| File Edit View Insert Cell Kernel Widgets Help | Trusted Python 3 O |
| | |
| <pre>In [1]: print("Hola mundo") Hola mundo In []:</pre> | |

6. Al editar un código es posible que realices comentarios sobre tu código agregando el símbolo # al inicio de la línea, de esta forma al ejecutar el código, el entorno omitirá dicha línea dado que es una línea con fines informativos. Podrás identificar las líneas comentadas porque ellas tienen un color verde, a diferencia de los colores en otras líneas, las cuales serán ejecutadas.

| Actividades O | Navegador web Firefox 👻 | 15 de mar 4:48 PM • | | ∎r en - | ▼ 1 0 ■ |
|--------------------|---|---------------------|----------------|--------------------|----------------|
| Home Page - Select | or crea × 🧧 Untitled - Jupyter Notebool × + | | | | |
| | 0 🗋 localhost:8888/notebooks/Untitled.ipynb?kernel_name=python3 | | (150%) ··· 🛛 🕻 | 2 10 | |
| \bigcirc | Jupyter Untitled Last Checkpoint: hace 4 minutos (unsaved change | s) | | Logout | |
| File | le Edit View Insert Cell Kernel Widgets Help | | Trusted | Python 3 C | |
| 8 | + 🛞 🖄 🖪 🛧 🔸 M Run 🔳 C 🇭 Code | 3 | | | |
| | | | | | |
| | <pre>In [1]: print("Hola mundo")</pre> | | | | |
| | Hola mundo | | | | |
| | <pre>In [2]: #Esta linea es un comentario print("Esta linea no es un comentario")</pre> | | | | |
| | Esta linea no es un comentario | | | | |
| | In []: | | | | |
| | | | | | |

 JupyterNotebookcuentaconelguardadoautomáticoquealgunos editores tienen implementados, pero si deseas asegurarte de guardar tus cambios puedes utilizar la combinación de teclas [CTRL + S] o hacer clic en el menú: Archivo + Guardar.

| File Edit View | Insert Cell Kernel Widgets Help | Trusted | Python 3 |
|------------------------------|--|---------|----------|
| New Notebook | ↑ ↓ HRun C → code | | |
| Make a Copy Save as | int("Hola mundo") | | |
| Rename | la mundo | | |
| Save and Checkpoint | <i>sta linea es un comentario</i> int("Esta linea no es un comentario") | | |
| Revert to Checkpoint > | ta linea no es un comentario | | |
| Print Preview Download as | | | |
| Trusted Notebook | | | |
| Close and Halt | | | |
| | 10 | | |

¿Dónde obtengo los materiales didácticos?

El proyecto Macti cuenta con un repositorio público en Github¹ al cual se puede acceder a través de la siguiente dirección:

https://github.com/jugernaut/Prometeo. Cuando accedas a esa dirección obtendrás algo como lo que se muestra en la figura 1. Para bajar el código a tu equipo solo tienes que hacer clic en el botón verde que dice **Code** y elegir **Download ZIP**. Posteriormente, puedes descomprimir el archivo y navegar por todas las carpetas usando *Jupyter Notebook*.

| Actividades | ပံ Naveş | ador web Firefox 👻 | 15 de mar 4:57 PM ● | 1 | 🛿 en 🛨 | * 1 0) | â • |
|-------------|-----------------|-----------------------------------|---------------------------------|---------------|-----------|---------------|-----|
| | | 🗙 🧧 01_Series - Jupyter Notebo: 🗙 | Untitled - Jupyter Notebool × + | | | | 8 |
| | | 🛛 🗋 localhost:8888/tree/D | tscargas (180%) ••• | ⊠ ☆ | | n 🖸 (| |
| | Ċ ju | pyter | | Quit | Logout | | |
| | Files | Running Clusters | | | | | |
| | Select ite | ms to perform actions on them. | | Upload | New - | C | |
| | 0 | - Descargas | Name 🕹 | Last Modified | File size | | |
| | C | J | hace u | nos segundos | | | |
| | | 01_Series.ipynb | Running hace u | nos segundos | 153 k | в | |
| | | 01_SeriesDeTaylor.ipynb | h | ace 4 minutos | 275 k | В | |
| | | Practica3.ipynb | | hace 5 días | 86.8 k | в | |
| | | Practica3_Misa.ipynb | | hace 5 días | 33.4 k | в | |
| | | zSeriesDeTaylor_interactive.i | pynb h | ace 3 minutos | 75.7 k | В | |
| | | CALIDADYPRE-PROCESAM | IENTODEDATOS(1).pdf | hace 5 días | 2.49 M | в | |
| | 0 0 | code_1.54.0-1614738538_ar | nd64.deb | hace 11 días | 71.9 M | в | |
| | | EjercicioClase.m | | hace 10 días | 3.79 k | в | |
| | 0 0 | juegotermial.txt | | hace 11 días | 392 | в | |
| | | lena_color_512.tif | | hace 12 días | 787 k | в | |
| | | mandelbrot.m | | hace 9 días | 584 | в | |
| | 00 | ື mm.jpg | | hace un mes | 77.4 k | в | |
| | | practica3(1).m | | hace 9 días | 2.78 k | в | |

Figura 1. Repositorio Prometeo con los materiales didácticos del proyecto Macti.

¹ GitHub es una compañía sin fines de lucro que ofrece un servicio de hospedaje de repositorios de documentos (mayormente software). Permite el uso del sistema de control de versiones conocido como git de una manera sencilla

También puedes descargar un archivo individual del repositorio. Para ello debes realizar lo siguiente:

- 1. Elegir el archivo que deseas descargar.
- 2. Abrir el archivo para visualizarlo.
- 3. Dar clic en Raw

| 1840 lines (1840 sloc) 447 KB | Raw Blame 🖵 🖉 🖞 |
|--|--------------------|
| 60 | Open in Colab |
| Derivadas | |
| Trabajo realizado con el apoyo del Programa UNAM-DGAPA | PAPIME PE101019 |
| Autores: | |
| Ingrid Parieta Ruiz Puga Luis M. de la Cruz Salas | |
| • Rev: lun nov 9 12:23:01 CST 2020 | |
| | |
| | |
| 4. Dar clic derecho y elegir la op | ción guardar como. |

5. Elige la carpeta en tu PC donde deseas guardar el archivo.

| <pre>vidgets": { "application/vnd.jupyter.widget-state+json": { "2a9b9c9bac9f4218a53be9b5654553f6": { "mode1_module": "@jupyter-widgets/controls",</pre> | | | | | |
|--|----------|--|---|---|-----------------------|
| <pre>"model_name": "VBoxVice!", "state": { " vicey_name": "VBoxVice!", " dom_classes": ["widget_interact"], " model_name": "VBoxVice!", " vicey_module: "estion": "l.5.0", " vicey_module_version": "l.5.0",</pre> | | ← Guardar Guardar Enviar p Ver imag Seleccio Ver infoi Inspecci | → como (P) página a disp gen de fond nar todo go fuente d mación de ionar propie | C Pocket positivo lo le esta página esta página esta excert | ☆ sibilidad |
| "IFY_MODEL_db57e354a83e46839af6f7bd9fcde437"] } }. | 87 10 | Tomar c AdBlock | aptura de p er Ultimate | antalla | |
| <pre>"bflac9Ta99ef4ef0b0acdc0c2e95e8": { model_noulle": "@jupyter-vidgets/base", "model_name": "LayoutNodel", "tateT: { "tateT: { "tateT: { "util_template_rows": null, "util_template_rows": null, "util_template_rows": null, "util_comment": null, "util_comment: n</pre> | | | | | |

Otra manera de obtener el material del proyecto MACTI es realizando la descarga completa de todos los materiales.

Se deberá ingresar al repositorio de "Prometeo" y elegir las opciones de **code** para posteriormente descargar el repositorio en una carpeta ZIP.

| | jugernaut / Prometeo | | |
|--|--|--|---------------------------|
| y master y 3 branches 0 tags Go to file 2 Code jugernaut Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo 01_Calculo Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo 02_AlgebraLineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 02_AlgebraLineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 02_AlgebraLineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 02_AlgebraLineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 0445 commits B riguras Imagenes de normas 6 months ago Vitils Go to file Videos Series de Taylor Jigitignore derivadas version 2 S months ago README.md Cambio readme | <> Code (1) Issues 11 Pull requests (2) Acti | ons 🔟 Projects 🕕 Security 🗠 Insights | |
| iggernaut Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo d8bf289 11 days ago 0445 commits 1 1 days ago 02 40gebra1ineal Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 1 02_Algebra1ineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago 1 Figuras Imagenes de normas 6 months ago 1 Vilis derivadas código comentado 4 months ago 1 Videos Series de Taylor 7 months ago 1 gitignore derivadas version 2 5 months ago 1 README.md Cambio readme 6 months ago | 🐉 master 👻 🎝 branches 🚫 0 tags | | Go to file ↓ Code ▼ |
| Image: Calculo Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo 11 days ago Image: O2_AlgebraLineal Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo 11 days ago Image: Figuras Image: de normas 6 months ago Image: Videos Gerivadas código comentado 4 months ago Image: Videos Series de Taylor 7 months ago Image: gitignore derivadas version 2 5 months ago Image: README.md Cambio readme 6 months ago | jugernaut Merge pull request #38 from ju | ıgernaut/desarrollo d8bf289 | 11 days ago 🛛 445 commits |
| O2_AlgebraLinealMerge pull request #37 from jugernaut/desarrollo11 days agoFigurasImagenes de normas6 months agoUtilsderivadas código comentado4 months agoVideosSeries de Taylor7 months agogitignorederivadas version 25 months agoREADME.mdCambio readme6 months ago | 01_Calculo | Merge pull request #38 from jugernaut/desarrollo | 11 days ago |
| FigurasImagenes de normas6 months agoUtilsderivadas código comentado4 months agoVideosSeries de Taylor7 months agogitignorederivadas version 25 months agoREADME.mdCambio readme6 months ago | 02_AlgebraLineal | Merge pull request #37 from jugernaut/desarrollo | 11 days ago |
| Utils derivadas código comentado 4 months ago Videos Series de Taylor 7 months ago gitignore derivadas version 2 5 months ago README.md Cambio readme 6 months ago | Figuras | Imagenes de normas | 6 months ago |
| Videos Series de Taylor 7 months ago Image: gitignore derivadas version 2 5 months ago Image: README.md Cambio readme 6 months ago | Utils | derivadas código comentado | 4 months ago |
| Image: spitignore derivadas version 2 5 months ago Image: README.md Cambio readme 6 months ago | Videos | Series de Taylor | 7 months ago |
| README.md Cambio readme 6 months ago | 🗋 .gitignore | derivadas version 2 | 5 months ago |
| | README.md | Cambio readme | 6 months ago |

¿Cómo comienzo a usar los materiales didácticos?

- En el repositorio Prometeo del proyecto Macti encontrarás dos carpetas 01_Calculo y 02_AlgebraLineal. Elige la que sea de tu interés para posteriormente seleccionar un tema dicha carpeta. Cada tema tiene uno o varios notebooks en los cuales se explican conceptos de la materia seleccionada usando implementaciones en Python.
- 2. En el sitio de Github podrá visualizar una "vista previa" del notebook. En esta vista no podrás interactuar con el código, sin embargo una vez descargados los archivos que deseas revisar bastará con seleccionar al inicio de Jupyter la carpeta donde guardaste los archivos para poder abrirlos. Se abrirá en una nueva pestaña de tu navegador el archivo que visualizaras.



| | | | | | | 01 | |
|-------------------------|-------------|---|---------------------|----------------------------|----------------|---------------------|-----------|
| Actividades | ර Navega | ador web Firefox - | 15 de mar 4:57 PM ● | | | og" en - | ♥ 40 â ▼ |
| ← → G | | Cocalhost-B8888/tree/Descargas | | 150% | | | ⊡ © ≡ |
| | 💭 juj | oyter | | | Quit | Logout | |
| | Files | Running Clusters | | | | | |
| | Select iter | ns to perform actions on them. | | | Upload | New 🕶 🛛 | |
| | 0 | - Descargas | | Name 🔶 | Last Modified | File size | |
| | C | 1 | | hace | unos segundos | | |
| | | 01_Series.ipynb | | Running hace unos segundos | | 153 kB | |
| | . 8 | 01_SeriesDeTaylor.ipynb | | hace 4 minutos | | 275 kB | |
| | | Practica3.ipynb | | | hace 5 días | 86.8 kB | |
| | | Practica3_Misa.ipynb | | | hace 5 días | 33.4 kB | |
| | | zSeriesDeTaylor_interactive.ipynb | | | hace 3 minutos | 75.7 kB | |
| | 0 | CALIDADYPRE-PROCESAMIENTODEDATOS(1).pdf | | | hace 5 días | 2.49 MB | |
| | 0 | code_1.54.0-1614738538_amd64.deb | | | hace 11 días | 71.9 MB | |
| | 0 | EjercicioClase.m | | | hace 10 días | 3.79 kB | |
| | 0 | juegotermial.txt | | | hace 11 días | 392 B | |
| | 0 🗅 | lena_color_512.tif | | | hace 12 días | 787 kB | |
| | 0 🗅 | mandelbrot.m | | | hace 9 días | 584 B | |
| | 0 C | mm.jpg | | | hace un mes | 77.4 kB | |
| | 0 | practica3(1).m | | | hace 9 días | 2.78 kB | |

3. Para ejecutar el código de una notebook en Jupyter, se debe realizar lo siguiente:

Debes ubicarte en la celda que deseas modificar y debes localizar el siguiente botón que dice Run, el cual se encuentra en la parte superior del navegador.



Debajo la celda que seleccionaste para ejecutar podrás ver el resultado de la ejecución. Por ejemplo, consideremos que queremos ejecutar la siguiente celda.



Al dar clic en el botón antes mencionado la celda comenzará a ejecutarse.

Y lo podremos identificar mediante las líneas punteadas en el perímetro del botón.

Cuando la celda haya finalizado podremos observar nuestro resultado debajo del código ejecutado.



 Para modificar el código de las notebooks basta con seleccionar una celda, realizar los cambios que te gustaría intentar y ejecutar la celda, veamos un ejemplo:

Retomando el ejemplo anterior, tenemos la siguiente celda:





A la cual se le desea realizar una modificación para calcular una serie telescópica de distintos índices, por ejemplo deseamos calcular la del 1 al 8. Por lo que realizaremos la modificación en la función de la siguiente manera:

In [2]: # Calculo de la serie telescopica def serietelescopica(inicio,final): control = 0 for x in range(inicio, final+1): control += (1/x)-(1/(x+1)) #Se define la serie del ejemplo anterior return control serietelescopica(1,15)

Y finalmente ejecutamos el código de la celda modificada como se ha visto en la sección anterior.

In [3]: # Calculo de la serie telescopica def serietelescopica(inicio,final): control = 0 for x in range(inicio, final+1): control += (1/x)-(1/(x+1)) #Se define la serie del ejemplo anterior return control| serietelescopica(1,15) .Out[3]: 0.93749999999998

Existen celdas de código que son dependientes de otras celdas desarrolladas anteriormente por lo que se recomienda ejecutar las celdas consecutivamente desde el inicio. Por ejemplo, en el siguiente código se tiene una primera celda que define una función para realizar el cálculo de una serie telescópica; posteriormente, se tiene una segunda celda para graficar la serie telescópica calculada en la primera celda; para evitar obtener un error, se deben ejecutar las celdas en orden, dado que la segunda celda depende de la primera.





¿Cómo cargar códigos dependientes en Jupyter Notebook?

Se presenta el metodo para utilizar notebooks dependientes de otros archivos o recursos. Una vez descargado todo el repositorio del proyecto bastará con realizar el siguiente cambio en la celda del notebook dependiente. Es importante considerar que los notebook utilizan scripts de clases realizadas en el proyecto por lo que se enfatiza en realizar la descarga del repositorio completo.

Para ejemplificar lo anterior, abriremos el notebook 01_ SeriesDeTaylor.ipynb que se encuentra en la carpeta 01_Calculo, obtendremos lo siguiente:

17



Esta notebook tiene dependencias con otros archivos así como con otros programas realizados para el proyecto Macti. Para que esta notebook funcione correctamente, se debe ejecutar el código de la siguiente celda:



Asegurandote de tener comentada la sección del código que corresponde al Google Colab, así como de colocar la ruta donde se encuentran los archivos descargados, de esta manera el notebook podrá acceder a los archivos que necesitas, y ya es posible ejecutar esta notebook que depende de otros archivos.

En esta misma notebook, se utiliza una herramienta, la cual se ejecuta como se muestra en la siguiente figura:

Herramienta interactiva

La siguiente herramienta permite evaluar de manera interactiva diferentes series de Taylor para algunas funciones. Puede elegir la función, el grado del polinomio de aproximación y el lugar donde se desea aproximar y observe el resultado.



Como se dice en las instrucciones de esta herramienta, para poder ejecutarla quitaremos el comentario de la línea 2 y ejecutamos:



\displaystyle - 0.841470984807897 x - 0.27015115293407 \left(x - 1.0\right)^{2} + 1.38177329067604 <function __main__.calcTaylor>



TRABAJO REALIZADO CON EL APOYO DEL PROGRAMA UNAM-DGAPA-PAPIME PE101019



Modelación computacional en las ciencias y las ingenierías como apoyo en el proceso enseñanza-aprendizaje